

参考答案

第一章 三角形的证明及其应用

1 三角形内角和定理(第1课时)

课堂精要

1. 180° 2. 90° 60° 3. 其中一组等角的对边相等

课堂精练

1. A 2. B 3. 30° 60° 4. 80°

5. 解:(1) $\because BD$ 是 $\angle ABC$ 的平分线, $\angle ABD = \angle A$,

$$\therefore \angle CBD = \angle ABD = \angle A.$$

$$\therefore \angle ABC = \angle CBD + \angle ABD = 2\angle A.$$

$$\because \angle A + \angle ABC + \angle C = 180^\circ, \angle C = 3\angle A,$$

$$\therefore \angle A + 2\angle A + 3\angle A = 180^\circ.$$

$$\therefore \angle A = 30^\circ.$$

$$\therefore \angle ABC = 2\angle A = 60^\circ, \angle C = 3\angle A = 90^\circ.$$

(2)由(1)可知 $\angle ABD = \angle A = 30^\circ$.

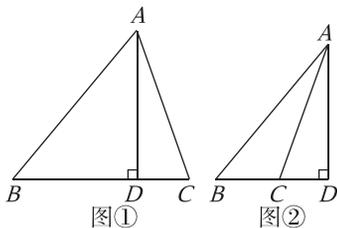
$$\because \angle ADB + \angle ABD + \angle A = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle ADB = 180^\circ - (\angle ABD + \angle A) = 120^\circ.$$

6. B

7. 20° 或 60°

提示:分两种情况讨论(如图①②)。



(第7题)

课堂延伸

8. 解:(1) 130° 90° 40°

解析: $\because \angle A = 50^\circ$,

$$\therefore \angle ABC + \angle ACB = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ.$$

$$\because \angle P = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle PBC + \angle PCB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ABP + \angle ACP = 130^\circ - 90^\circ = 40^\circ.$$

(2) 结论: $\angle ABP + \angle ACP = 90^\circ - \angle A$ 。

$$\because 90^\circ + (\angle ABP + \angle ACP) + \angle A = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle ABP + \angle ACP + \angle A = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle ABP + \angle ACP = 90^\circ - \angle A.$$

(3) 不成立。结论: $\angle ACP - \angle ABP = 90^\circ - \angle A$ 。

理由: 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC + \angle ACB = 180^\circ - \angle A$ 。

$$\because \angle MPN = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle PBC + \angle PCB = 90^\circ.$$

$$\therefore (\angle ABC + \angle ACB) - (\angle PBC + \angle PCB) = 180^\circ - \angle A - 90^\circ.$$

$$\therefore \angle ABC + \angle ACP + \angle PCB - \angle ABP - \angle ABC - \angle PCB = 90^\circ - \angle A,$$

即 $\angle ACP - \angle ABP = 90^\circ - \angle A$ 。

2 三角形内角和定理(第2课时)

课堂精要

1. 与它不相邻的两个内角的和

2. 与它不相邻

课堂精练

1. D 2. B 3. 75°

4. 解: $\because \angle CEF = \angle A + \angle B = 31^\circ + 60^\circ = 91^\circ$,

$$\angle C + \angle CEF + \angle CFE = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle C + 91^\circ + \angle CFE = 180^\circ.$$

$$\text{又} \because \angle CFE = \angle BFD = 52^\circ,$$

$$\therefore \angle C + 91^\circ + 52^\circ = 180^\circ.$$

$$\therefore \angle C = 37^\circ.$$

5. C 6. 20°

7. 增加 20

提示: 延长 EF , 交 CD 于点 G , 构造三角形的外角求解。

课堂延伸

8. 解: (1) $\angle BDA' = 2\angle A$

$$(2) \angle BDA' + \angle CEA' = 2\angle A$$

$$(3) \angle BDA' - \angle CEA' = 2\angle A。$$

理由: 如图, 设 DA' 交 AC 于点 F 。

$$\because \angle BDA' = \angle A + \angle DFA,$$

$$\angle DFA = \angle A' + \angle CEA',$$

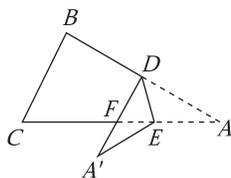
$$\therefore \angle BDA' = \angle A + \angle A' + \angle CEA'。$$

$$\therefore \angle BDA' - \angle CEA' = \angle A + \angle A'。$$

$\because \triangle A'DE$ 由 $\triangle ADE$ 沿直线 DE 折叠而得,

$$\therefore \angle A = \angle A'。$$

$$\therefore \angle BDA' - \angle CEA' = 2\angle A。$$



(第 8 题)

3 三角形内角和定理(第 3 课时)

课堂精要

1. $(n-2) \cdot 180^\circ$ 180°

2. $\frac{(n-2) \cdot 180^\circ}{n}$

课堂精练

1. C 2. D 3. B

4. 800°

5. 证明: \because 五边形的内角和等于 $(5-2) \times 180^\circ = 540^\circ$,

$$\therefore \angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E = 540^\circ。$$

$$\because \angle A + \angle B + \angle C = 360^\circ,$$

$$\therefore \angle D + \angle E = 540^\circ - 360^\circ = 180^\circ。$$

$$\therefore AE \parallel CD。$$

6. D 7. D

课堂延伸

8. 解:(1)

多边形的边数	4	5	6	7	8	...
从多边形的一个顶点出发 可引的对角线条数	1	2	3	4	5	...
多边形对角线的总条数	2	5	9	14	20	...

$$(2) n-3 \quad \frac{n(n-3)}{2}$$

$$(3) \frac{n(n-3)}{2} = \frac{10 \times (10-3)}{2} = 35(\text{次}).$$

4 三角形内角和定理(第4课时)

课堂精要

1. 外角 外角和 2. 360°

课堂精练

1. C 2. A 3. C 4. B

5. 2880° 6. 45° 7. C 8. 240 m

9. 解: 设这个多边形的每个外角均为 x° , 则每个内角均为 $(x+60)^\circ$ 。

根据题意, 得 $x + (x + 60) = 180$,

解得 $x = 60$ 。

$360^\circ \div 60^\circ = 6$,

所以这个多边形是六边形。

课堂延伸

10. 解:(1) $\angle DBC + \angle ECB = 180^\circ + \angle A$ 。理由:

$$\begin{aligned} & \angle DBC + \angle ECB \\ &= (180^\circ - \angle ABC) + (180^\circ - \angle ACB) \\ &= 360^\circ - (\angle ABC + \angle ACB) \\ &= 360^\circ - (180^\circ - \angle A) \\ &= 180^\circ + \angle A. \end{aligned}$$

(2) 50°

$$(3) \angle P = 90^\circ - \frac{1}{2} \angle A$$

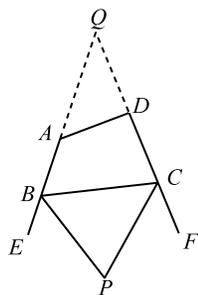
(4) 结论是 $\angle BAD + \angle CDA = 360^\circ - 2\angle P$ 。

理由: 如图, 延长 BA, CD 交于点 Q 。

$$\because \angle P = 90^\circ - \frac{1}{2}\angle Q,$$

$$\therefore \angle Q = 180^\circ - 2\angle P.$$

$$\therefore \angle BAD + \angle CDA = 180^\circ + \angle Q = 180^\circ + 180^\circ - 2\angle P = 360^\circ - 2\angle P.$$



(第 10 题)

5 等腰三角形(第 1 课时)

课堂精要

1. (1) 等边对等角

(2) 重合

(3) 轴对称 1 底边的垂直平分线(答案不唯一, 表述正确即可)

2. 等边 (1) 相等 60°

(2) 3 三边的垂直平分线(答案不唯一, 表述正确即可)

课堂精练

1. D 2. B 3. C

4. 3 5. 60°

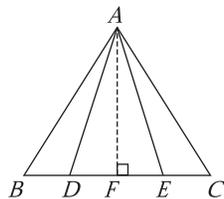
6. 证明: 如图, 作 $AF \perp BC$ 于点 F 。

$$\because AD = AE, AB = AC,$$

$$\therefore BF = CF, DF = EF.$$

$$\therefore BF - DF = CF - EF,$$

即 $BD = EC$ 。



(第 6 题)

课堂延伸

7. 证明: 如图, $\because OC = PC$,

$$\therefore \angle P = \angle 1.$$

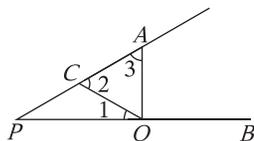
$$\because \angle 2 = \angle P + \angle 1,$$

$$\therefore \angle 2 = 2\angle P.$$

$$\because OA = OC,$$

$$\therefore \angle 2 = \angle 3.$$

$$\therefore \angle 3 = 2\angle P.$$



(第 7 题)

$$\therefore \angle AOB = \angle P + \angle 3,$$

$$\therefore \angle AOB = 3\angle P,$$

$$\text{即 } \angle APB = \frac{1}{3}\angle AOB.$$

6 等腰三角形(第2课时)

课堂精要

1. 有两个角相等的三角形是等腰三角形 等角对等边

2. (1)命题的结论不成立

(2)矛盾

(3)成立

课堂精练

1. B 2. A 3. D 4. 40 n mile

5. 证明: $\because BD, CE$ 分别是边 AC, AB 上的高,

$$\therefore \angle BDC = \angle CEB = 90^\circ.$$

在 $\triangle BDC$ 和 $\triangle CEB$ 中,

$$\therefore \angle BDC = \angle CEB = 90^\circ, \angle DBC = \angle ECB, BC = CB,$$

$$\therefore \triangle BDC \cong \triangle CEB (\text{AAS}).$$

$$\therefore \angle BCD = \angle CBE,$$

$$\text{即 } \angle BCA = \angle CBA.$$

$$\therefore AB = AC.$$

$$\therefore \triangle ABC \text{ 是等腰三角形.}$$

6. 50° 或 65° 或 80° 7. 6 cm

课堂延伸

8. 解: (1) 40 小

$$\text{解析: } \because CA = CB, \angle ACB = 120^\circ,$$

$$\therefore \angle B = 30^\circ.$$

$$\therefore \alpha = 180^\circ - 110^\circ - 30^\circ = 40^\circ.$$

(2) 可以。

$$\text{由题意知, } \angle PCD = 120^\circ - \alpha, \angle CPD = 30^\circ.$$

$$\textcircled{1} \text{ 当 } PC = PD \text{ 时, } \angle PCD = \angle PDC = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 30^\circ) = 75^\circ,$$

即 $120^\circ - \alpha = 75^\circ$,

$$\therefore \alpha = 45^\circ.$$

②当 $PD = CD$ 时, $\angle PCD = \angle CPD = 30^\circ$, 即 $120^\circ - \alpha = 30^\circ$,

$$\therefore \alpha = 90^\circ.$$

③当 $PC = CD$ 时, $\angle CDP = \angle CPD = 30^\circ$,

$$\therefore \angle PCD = 180^\circ - 2 \times 30^\circ = 120^\circ,$$

即 $120^\circ - \alpha = 120^\circ$,

$$\therefore \alpha = 0^\circ.$$

此时点 P 与点 B 重合, 点 D 与点 A 重合。

\therefore 点 P 不与点 A, B 重合,

$\therefore \alpha = 0^\circ$ 舍去。

综上所述, $\triangle PCD$ 可以是等腰三角形, 当 $\triangle PCD$ 是等腰三角形时, $\alpha = 45^\circ$ 或 $\alpha = 90^\circ$ 。

7 等腰三角形(第3课时)

课堂精要

1. 等边三角形

2. (1) 相等 (2) 60° 等腰

3. 一半

课堂精练

1. C 2. B 3. C

4. 等边三角形 5. $3\sqrt{3}$ cm

6. 证明: $\because AB = AC = BC$,

$\therefore \triangle ABC$ 为等边三角形。

$\therefore \angle BAC = \angle ABC = 60^\circ$ 。

$\therefore \angle EAF = \angle EBD = 120^\circ$ 。

$\because BE = CD$,

$\therefore BE + AB = CD + BC$, 即 $AE = BD$ 。

在 $\triangle BDE$ 和 $\triangle AEF$ 中,

$\because BE = AF, \angle EBD = \angle FAE, BD = AE$,

$\therefore \triangle BDE \cong \triangle AEF$ (SAS)。

$\therefore ED = EF$ 。

同理可得 $\triangle AEF \cong \triangle CFD$ 。

$$\therefore EF = FD。$$

$$\therefore EF = ED = FD。$$

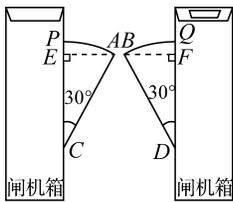
$\therefore \triangle DEF$ 是等边三角形。

7. C

8. 解: 如图, 过点 A 作 $AE \perp CP$ 于点 E , 过点 B 作 $BF \perp DQ$ 于点 F , 则在 $\text{Rt}\triangle ACE$

中, $AE = \frac{1}{2}AC = \frac{1}{2} \times 54 = 27(\text{cm})$ 。

同理可得 $BF = 27 \text{ cm}$ 。



(第 8 题)

又 \because 点 A 与点 B 之间的距离为 10 cm ,

\therefore 当双翼收起时, 可以通过闸机的物体的最大宽度为 $27 + 10 + 27 = 64(\text{cm})$ 。

课堂延伸

9. 解: (1) =

(2) =

理由如下: 如题图②, 过点 E 作 $EF \parallel BC$, 交 AC 于点 F ,

则 $\angle AEF = \angle ABC$, $\angle AFE = \angle ACB$ 。

$\because \triangle ABC$ 为等边三角形,

$$\therefore \angle ABC = \angle ACB = \angle A = 60^\circ。$$

$$\therefore \angle AEF = \angle AFE = 60^\circ。$$

$\therefore \triangle AEF$ 为等边三角形。

$$\therefore AE = EF = AF。$$

$$\therefore BE = CF。$$

$$\because ED = EC,$$

$$\therefore \angle D = \angle ECD。$$

$$\because \angle DEB = 60^\circ - \angle D,$$

$$\angle ECF = 60^\circ - \angle ECD,$$

$$\therefore \angle DEB = \angle ECF.$$

在 $\triangle DBE$ 和 $\triangle EFC$ 中,

$$\because DE = CE, \angle DEB = \angle ECF, BE = FC,$$

$$\therefore \triangle DBE \cong \triangle EFC (\text{SAS}).$$

$$\therefore DB = EF.$$

$$\therefore AE = DB.$$

(3) CD 的长为 3, 所画图如图①。解析: 由题意知, 点 E 在 AB 的延长线上或在 BA 的延长线上。

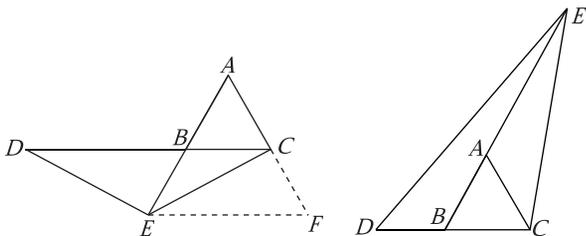
①当点 E 在 AB 的延长线上时, 过点 E 作 $EF \parallel BC$, 交 AC 的延长线于点 F , 如图①所示。

易得 $\triangle DBE \cong \triangle EFC$, $\triangle AEF$ 是等边三角形,

$$\therefore DB = EF = AE = 2.$$

$$\text{又} \because BC = 1,$$

$$\therefore CD = BC + DB = 3.$$



图①

图②

(第 9 题)

②当点 E 在 BA 的延长线上时, 如图②所示, 设 $\angle ECA = x$ 。

$\because \triangle ABC$ 是等边三角形,

$$\therefore \angle ABC = \angle ACB = 60^\circ.$$

$$\therefore \angle ECB = 60^\circ + x, \angle DBE = 120^\circ.$$

$$\because ED = EC,$$

$$\therefore \angle EDC = \angle ECB = 60^\circ + x.$$

$\because \angle EDC + \angle DBE = 60^\circ + x + 120^\circ = 180^\circ + x > 180^\circ$, 这与三角形三个内角的和等于 180° 矛盾,

\therefore 点 E 在 BA 的延长线上不符合题意, 舍去。

综上所述, $CD = 3$, 相应图形为图①。

8 直角三角形(第1课时)

课堂精要

1. 结论 条件 逆命题

2. 真 逆定理

3. (1)互余 有两个角互余

(2)斜边的平方 三角形两条边的平方和等于第三条边的平方

课堂精练

1. B 2. C 3. $\frac{5}{2}$

4. (1)证明:如图,在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中,

$$\because \angle BAC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle 1 + \angle AFE = 90^\circ.$$

$$\because BF \text{ 平分 } \angle ABC,$$

$$\therefore \angle 1 = \angle 2.$$

$$\because \angle AEF = \angle AFE, \angle 3 = \angle AEF,$$

$$\therefore \angle 3 = \angle AFE.$$

$$\therefore \angle 2 + \angle 3 = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle BDE = 90^\circ.$$

$$\therefore AD \perp BC.$$

(2)解:直角三角形的两个锐角互余。有两个角互余的三角形是直角三角形。

5. 45° 6. 4 5

课堂延伸

7. 解:任务一: $\frac{4}{9}$

任务二:设 $DF = x$ cm,

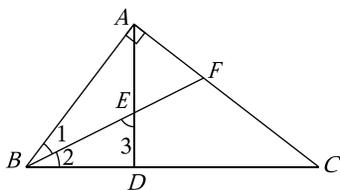
在 $\text{Rt}\triangle DEF$ 中, $\because \angle DFE = 90^\circ, EF = 2$ cm, $\triangle DEF$ 的周长为 8 cm,

$$\therefore DE = 8 - 2 - x = (6 - x) \text{ cm}.$$

由勾股定理,得 $EF^2 + DF^2 = DE^2$,

$$\text{即 } 2^2 + x^2 = (6 - x)^2,$$

$$\text{解得 } x = \frac{8}{3},$$



(第4题)

即 $DF = \frac{8}{3}$ cm。

$$\therefore DE = 6 - x = \frac{10}{3} (\text{cm})。$$

$$\therefore S_2 = DF^2 = \left(\frac{8}{3}\right)^2 = \frac{64}{9} (\text{cm}^2)，$$

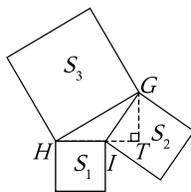
$$S_3 = DE^2 = \left(\frac{10}{3}\right)^2 = \frac{100}{9} (\text{cm}^2)。$$

$$\therefore S_2 + S_3 = \frac{64}{9} + \frac{100}{9} = \frac{164}{9} (\text{cm}^2)。$$

任务三： $\frac{932}{49}$

提示：过点 G 作 $GT \perp HI$ 交 HI 的延长线于点 T ，如图所示。

项目总结：钝角



(第 7 题)

9 直角三角形(第 2 课时)

课堂精要

斜边 一条直角边 斜边、直角边 HL

课堂精练

1. C

2. $BC = EF$

3. 解：(1) 全等。理由：

$$\because \angle 1 = \angle 2, \therefore DE = CE。$$

$$\text{又} \because \angle A = \angle B = 90^\circ, AE = BC,$$

$$\therefore \text{Rt}\triangle ADE \cong \text{Rt}\triangle BEC (\text{HL}).$$

(2) 是直角三角形。理由：

$$\text{如图,} \because \text{Rt}\triangle ADE \cong \text{Rt}\triangle BEC,$$

$$\therefore \angle 3 = \angle 4。$$

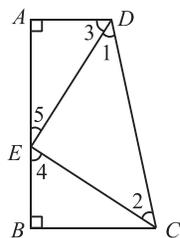
$$\because \angle 3 + \angle 5 = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle 4 + \angle 5 = 90^\circ。$$

$$\therefore \angle DEC = 90^\circ。$$

$\therefore \triangle CDE$ 是直角三角形。

4. 5 或 10



(第 3 题)

课堂延伸

5. (1) HL

(2) C

(3) 证明: 如图①, 过点 C 作 $CG \perp AB$ 交 AB 的延长线于点 G 。如图②, 过点 F 作 $FH \perp DE$ 交 DE 的延长线于点 H 。

$$\because \angle ABC = \angle DEF,$$

$$\therefore 180^\circ - \angle ABC = 180^\circ - \angle DEF,$$

$$\text{即 } \angle CBG = \angle FEH.$$

在 $\triangle CBG$ 和 $\triangle FEH$ 中,

$$\because \angle CBG = \angle FEH, \angle G = \angle H = 90^\circ, BC = EF,$$

$$\therefore \triangle CBG \cong \triangle FEH (\text{AAS}).$$

$$\therefore CG = FH.$$

在 $\text{Rt}\triangle ACG$ 和 $\text{Rt}\triangle DFH$ 中,

$$\because AC = DF, CG = FH,$$

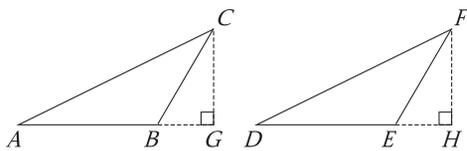
$$\therefore \text{Rt}\triangle ACG \cong \text{Rt}\triangle DFH (\text{HL}).$$

$$\therefore \angle A = \angle D.$$

在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中,

$$\because \angle A = \angle D, \angle ABC = \angle DEF, AC = DF,$$

$$\therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF (\text{AAS}).$$



图①

图②

(第 5 题)

10 线段的垂直平分线(第 1 课时)

课堂精要

1. 两个端点

2. 垂直平分线

课堂精练

1. C 2. D

3. 48° 4. 30 cm 5. ①③⑤

6. (1) 证明: $\because PM = PN,$

\therefore 点 P 在线段 MN 的垂直平分线上。

$$\because CM = CN,$$

\therefore 点 C 在线段 MN 的垂直平分线上。

$\therefore PC$ 垂直平分 MN 。

(2)解: $\because CN = PN = 60$ cm, 且当伞收紧时, 点 P 与点 A 重合,

$\therefore AC = CN + PN = 120$ cm。

当 $\angle CPN = 60^\circ$ 时, $\because CN = PN$,

$\therefore \triangle CPN$ 是等边三角形。

$\therefore PC = PN = 60$ cm。

$\therefore AP = AC - PC = 60$ cm。

课堂延伸

7. 解: (1) $\because DE$ 垂直平分 AB , $\therefore AE = BE$ 。

$\therefore \angle BAE = \angle B$ 。

同理可得 $\angle CAN = \angle C$ 。

$\therefore \angle EAN = \angle BAC - \angle BAE - \angle CAN = \angle BAC - (\angle B + \angle C)$ 。

$\because \angle BAC = 100^\circ$,

$\therefore \angle B + \angle C = 180^\circ - \angle BAC = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$ 。

$\therefore \angle EAN = \angle BAC - (\angle B + \angle C) = 100^\circ - 80^\circ = 20^\circ$ 。

(2) $\because DE$ 垂直平分 AB , $\therefore AE = BE$ 。

$\therefore \angle BAE = \angle B$ 。

同理可得 $\angle CAN = \angle C$ 。

$\therefore \angle EAN = \angle BAE + \angle CAN - \angle BAC = \angle B + \angle C - \angle BAC$ 。

$\because \angle BAC = 70^\circ$,

$\therefore \angle B + \angle C = 180^\circ - \angle BAC = 110^\circ$ 。

$\therefore \angle EAN = \angle B + \angle C - \angle BAC = 110^\circ - 70^\circ = 40^\circ$ 。

(3) 当 $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ 时, $\angle EAN = 180^\circ - 2\alpha$;

当 $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ 时, $\angle EAN = 2\alpha - 180^\circ$ 。

11 线段的垂直平分线(第2课时)

课堂精要

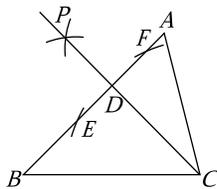
三个顶点

课堂精练

1. B

2. 6 cm 3. 70° 或 110°

4. 解:如图,点 D 为所求。



(第 4 题)

5. C 6. A

课堂延伸

7. (1) $CE \perp \angle ACE$

(2) 证明: $\because \triangle PDE$ 是以 P 为直角顶点的等腰直角三角形,

$\therefore PE = PD, \angle DPE = 90^\circ$ 。

$\because EB \perp PE, PD \perp a$,

$\therefore \angle PEB = \angle PDA = 90^\circ$ 。

在 $\triangle PEB$ 和 $\triangle PDA$ 中,

$\because EB = DA, \angle PEB = \angle PDA, PE = PD$,

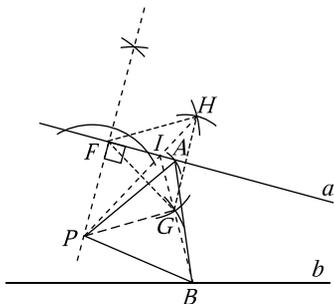
$\therefore \triangle PEB \cong \triangle PDA$ (SAS)。

$\therefore PB = PA, \angle BPE = \angle APD$ 。

$\therefore \angle APB = \angle APE + \angle BPE = \angle APE + \angle APD = \angle DPE = 90^\circ$ 。

$\therefore \triangle PAB$ 为所要求作的等腰直角三角形。

(3) 解:如图, $\triangle PAB$ 就是所要求作的等边三角形。



(第 7 题)

作法:①作 $PF \perp a$ 于点 F ;

②以 PF 为边在 PF 右侧作等边三角形 PFG ;

③以 FG 为边在 FG 上方作等边三角形 FGH ;

④连接 PH 交直线 a 于点 I ;

- ⑤连接 IG 并延长,交直线 b 于点 B ;
 ⑥连接 PB ,在射线 FI 上取一点 A ,使 $PA=PB$;
 ⑦连接 PA,AB 。

$\triangle PAB$ 就是所要求作的等边三角形。

12 角平分线(第 1 课时)

课堂精要

1. 这个角的两边
2. 平分线

课堂精练

1. B 2. B

3. 5, 4

4. 证明: $\because BE \perp AC, CF \perp AB,$

$$\therefore \angle BFD = \angle CED = 90^\circ.$$

在 $\triangle BDF$ 与 $\triangle CDE$ 中,

$$\because \angle BFD = \angle CED, \angle BDF = \angle CDE, BD = CD,$$

$$\therefore \triangle BDF \cong \triangle CDE (\text{AAS}).$$

$$\therefore DF = DE.$$

$$\because DE \perp AC, DF \perp AB,$$

$$\therefore AD \text{ 平分 } \angle BAC.$$

5. A 6. 8

课堂延伸

7. (1) 证明: 过点 D 作 $DE \perp AB$, 交 AB 于点 E 。(图略)

$$\because AD \text{ 为 } \angle BAC \text{ 的平分线, } \angle C = 90^\circ, DE \perp AB,$$

$$\therefore DE = DC, \angle ACD = \angle AED = 90^\circ.$$

在 $\text{Rt}\triangle ACD$ 和 $\text{Rt}\triangle AED$ 中,

$$\because AD = AD, DC = DE,$$

$$\therefore \text{Rt}\triangle ACD \cong \text{Rt}\triangle AED (\text{HL}).$$

$$\therefore AC = AE.$$

$$\because \angle ACB = 2\angle B, \therefore \angle AED = 2\angle B.$$

$$\text{又 } \because \angle AED = \angle B + \angle EDB,$$

$$\therefore \angle B = \angle EDB。$$

$$\therefore BE = DE = DC。$$

$$\therefore AB = AE + BE = AC + CD。$$

(2)解: $AB = CD + AC$ 。理由:

在 AB 上截取 $AG = AC$, 连接 GD , 如图①。

$\because AD$ 为 $\angle BAC$ 的平分线,

$$\therefore \angle GAD = \angle CAD。$$

在 $\triangle ADG$ 和 $\triangle ADC$ 中,

$$\because AG = AC, \angle GAD = \angle CAD, AD = AD,$$

$$\therefore \triangle ADG \cong \triangle ADC (\text{SAS}).$$

$$\therefore GD = CD, \angle AGD = \angle ACD。$$

$$\because \angle ACB = 2\angle B,$$

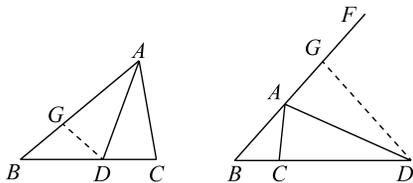
$$\therefore \angle AGD = 2\angle B。$$

$$\text{又} \because \angle AGD = \angle B + \angle GDB,$$

$$\therefore \angle B = \angle GDB。$$

$$\therefore BG = DG = CD。$$

$$\therefore AB = BG + AG = CD + AC。$$



图①

图②

(第7题)

(3)解: $AB = CD - AC$ 。理由:

在 AF 上截取 $AG = AC$, 连接 GD , 如图②。

$\because AD$ 为 $\angle CAF$ 的平分线,

$$\therefore \angle GAD = \angle CAD。$$

在 $\triangle AGD$ 和 $\triangle ACD$ 中,

$$\because AG = AC, \angle GAD = \angle CAD, AD = AD,$$

$$\therefore \triangle AGD \cong \triangle ACD (\text{SAS}).$$

$$\therefore GD = CD, \angle AGD = \angle ACD。$$

$\therefore \angle FGD = \angle ACB$ 。
 $\because \angle ACB = 2\angle B$ ，
 $\therefore \angle FGD = 2\angle B$ 。
 又 $\because \angle FGD = \angle B + \angle GDB$ ，
 $\therefore \angle B = \angle GDB$ 。
 $\therefore BG = DG = DC$ 。
 $\therefore AB = BG - AG = CD - AC$ 。

13 角平分线(第2课时)

课堂精要

三条边

课堂精练

1. A 2. A

3. 3 4. 125° 5. 9 6. 4 : 5 : 6

课堂延伸

7. (1) 证明: 在 $\text{Rt}\triangle OEC$ 和 $\text{Rt}\triangle OFB$ 中,

$\because OC = OB, OE = OF$ ，
 $\therefore \text{Rt}\triangle OEC \cong \text{Rt}\triangle OFB$ (HL)。
 $\therefore \angle B = \angle C$ 。
 $\therefore AB = AC$ 。

(2) 证明: 在 $\text{Rt}\triangle OEC$ 和 $\text{Rt}\triangle OFB$ 中,

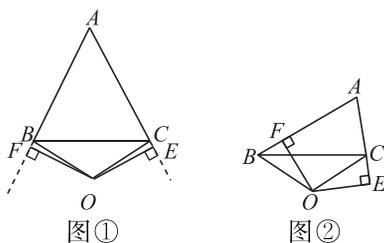
$\because OC = OB, OE = OF$ ，
 $\therefore \text{Rt}\triangle OEC \cong \text{Rt}\triangle OFB$ (HL)。
 $\therefore \angle OCE = \angle OBF$ 。
 又 $\because OB = OC$ ，
 $\therefore \angle OBC = \angle OCB$ 。
 $\therefore \angle OBF + \angle OBC = \angle OCE + \angle OCB$ ，
 即 $\angle ABC = \angle ACB$ 。
 $\therefore AB = AC$ 。

(3) 解: 不一定成立。理由:

如图①, 在 $\text{Rt}\triangle BOF$ 和 $\text{Rt}\triangle COE$ 中,

$\because OB = OC, OF = OE,$
 $\therefore \text{Rt}\triangle BOF \cong \text{Rt}\triangle COE \text{ (HL)}.$
 $\therefore \angle FBO = \angle ECO.$
 $\because OB = OC, \therefore \angle OBC = \angle OCB.$
 $\therefore \angle FBC = \angle ECB.$
 $\therefore \angle ABC = \angle ACB.$
 $\therefore AB = AC.$

如图②, 易知 $AB \neq AC$.



(第 7 题)

14 问题解决策略: 反思

课堂精要

拟订 实施 回顾反思

课堂精练

1. 解: (1) $\angle BAD = 2\angle CDE$. 证明如下:

$$\because AB = AC, \angle BAC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle B = \angle C = 45^\circ.$$

设 $\angle BAD = x$, 则 $\angle CAD = 90^\circ - x$.

$$\because AE = AD,$$

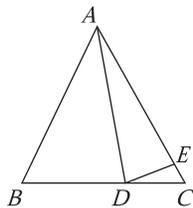
$$\therefore \angle AED = 45^\circ + \frac{1}{2}x.$$

$$\therefore \angle CDE = \angle AED - \angle C = \frac{1}{2}x.$$

$$\therefore \angle BAD = 2\angle CDE.$$

(2) (答案不唯一) 改变的条件: $\angle BAC < 90^\circ$, 结论: $\angle BAD = 2\angle CDE$.

理由: 如图, 设 $\angle CDE = x, \angle C = y$, 则 $\angle AED = \angle CDE + \angle C = x + y$.



(第 1 题)

$\because AB=AC,$
 $\therefore \angle B=\angle C=y.$
 $\because AD=AE,$
 $\therefore \angle ADE=\angle AED=y+x.$
 $\because \angle ADC=\angle B+\angle BAD=\angle ADE+\angle CDE,$
 $\therefore y+\angle BAD=y+x+x.$
 $\therefore \angle BAD=2x,$
 即 $\angle BAD=2\angle CDE.$

2. (1)SSS

(2)证明:由作法得 $OC=OD, PC \perp OA, PD \perp OB.$

在 $\text{Rt}\triangle OPC$ 和 $\text{Rt}\triangle OPD$ 中,

$\because OP=OP, OC=OD,$

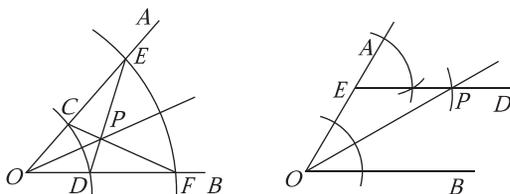
$\therefore \text{Rt}\triangle OPC \cong \text{Rt}\triangle OPD (\text{HL}).$

$\therefore \angle COP=\angle DOP.$

$\therefore OP$ 平分 $\angle AOB.$

(3)解:答案不唯一,示例如下:

如图,射线 OP 为所求。



(第2题)

课堂延伸

3. 解:(1) $r_1+r_2=h.$ 理由:

连接 AP (图略), 则 $S_{\triangle ABP}+S_{\triangle ACP}=S_{\triangle ABC},$

即 $\frac{1}{2}AB \cdot r_1+\frac{1}{2}AC \cdot r_2=\frac{1}{2}AB \cdot h.$

$\because AB=AC,$

$\therefore r_1+r_2=h.$

(2) $r_1+r_2+r_3=h.$ 理由:

如图①, 连接 $AP, BP, CP,$

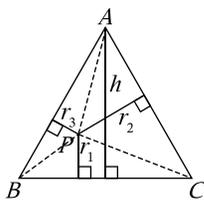
则 $S_{\triangle ABP}+S_{\triangle BCP}+S_{\triangle ACP}=S_{\triangle ABC},$

$$\text{即 } \frac{1}{2}AB \cdot r_3 + \frac{1}{2}BC \cdot r_1 + \frac{1}{2}AC \cdot r_2 = \frac{1}{2}BC \cdot h。$$

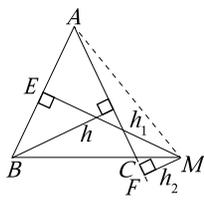
∵ $\triangle ABC$ 是等边三角形,

$$\therefore AB = BC = AC。$$

$$\therefore r_1 + r_2 + r_3 = h。$$



图①



图②

(第3题)

(3) 答案不唯一, 示例如下:

如图②, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = AC$, M 为底边 BC 的延长线上任意一点, 点 M 到两腰的距离分别为 h_1, h_2 , 腰上的高为 h . 试猜想 h_1, h_2, h 之间的数量关系。

$h_1 - h_2 = h$. 理由: 如图②, 连接 AM ,

$$\therefore S_{\triangle ABM} = \frac{1}{2}AB \cdot h_1 = \frac{1}{2}AC \cdot h_2 + \frac{1}{2}AC \cdot h,$$

$$AB = AC,$$

$$\therefore h_1 = h_2 + h。$$

$$\therefore h_1 - h_2 = h。$$

第二章 不等式与不等式组

1 不等式及其基本性质(第1课时)

课堂精要

1. “ $<$ ”(或“ \leq ”), “ $>$ ”(或“ \geq ”)
2. 小于 低于 少于 不足 小于或等于
不大于 不高于 至多(答案不唯一)

课堂精练

1. B 2. C 3. D

4. (1) $a \geq 0$ (2) $x - 3 < -5$ (3) $0 < m \leq 6$ (4) $\frac{1}{2}a - b \geq 2$

5. A 6. $10n - 5(20 - n) > 90$

课堂延伸

7. 解: (1) ① $>$ ② $>$ ③ $=$ ④ $>$ ⑤ $=$

(2) 能反映这种规律的一般结论: 若 a, b 为实数, 则 $a^2 + b^2 \geq 2ab$, 当且仅当 $a = b$ 时取等号。理由:

$\because (a - b)^2 \geq 0$, 当且仅当 $a = b$ 时取等号。

$\therefore a^2 - 2ab + b^2 \geq 0$,

即 $a^2 + b^2 \geq 2ab$, 当且仅当 $a = b$ 时取等号。

2 不等式及其基本性质(第2课时)

课堂精要

1. 未知数的值 一 2. 所有解

3. 解集 4. $x > a$ 不在 $x \leq b$ 在

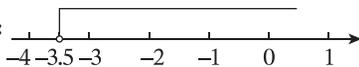
课堂精练

1. B 2. D 3. D

4. -2 0, $-2, 1, 2$ $-4, -3$

5. 2 6. C 7. A 8. A 9. 2

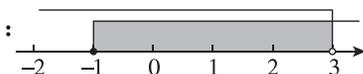
10. 解: (1) 如图①:



图①

(第10题)

(2) 如图②:



图②

(第10题)

11. 解: (1) 当 $m = 5$ 时, $p = 3\left(\frac{1}{3} - m\right) = 1 - 3m = 1 - 3 \times 5 = -14$ 。

(2) $\because p = 3\left(\frac{1}{3} - m\right)$,

$\therefore m = \frac{1 - p}{3}$ 。

由题图可得 $p \leq 5$,

要使 m 为负整数, 则 p 只能取 4。

当 $p=4$ 时, $m = \frac{1-4}{3} = -1$ 。

$\therefore m$ 的负整数值为 -1 。

课堂延伸

12. 解: 小华前面说明负数是不等式 $x > 2x - 1$ 的解是对的, 但得出的结论不对。

\because 解集包含所有的解, 如: $x = \frac{1}{2}$ 是不等式 $x > 2x - 1$ 的解, 但 $\frac{1}{2} > 0$,

$\therefore x > 2x - 1$ 的解集不是 $x < 0$ 。

3 不等式及其基本性质(第 3 课时)

课堂精要

1. 等式的基本性质 不等式的基本性质

2. $<$ $<$

3. (1) 代数式 不变 $>$

(2) 正数 不变 $>$ $>$

(3) 负数 改变 $<$ $<$

课堂精练

1. B 2. D 3. $>$ 4. $a > 2$

5. $<$ 6. $<$ 7. D 8. D 9. B

课堂延伸

10. 解: (1) $>$

(2) $\because M = a^2 + 3b, N = 2a^2 + 3b + 1,$

$\therefore M - N = (a^2 + 3b) - (2a^2 + 3b + 1)$

$= a^2 + 3b - 2a^2 - 3b - 1$

$= -a^2 - 1.$

$\because -a^2 - 1 < 0,$

$\therefore M < N.$

(3) 设 A 型钢板的面积为 a , B 型钢板的面积为 b 。

\because 方案一的总面积记为 S_1 , 方案二的总面积记为 S_2 ,

$\therefore S_1 = 5a + 6b, S_2 = 4a + 7b,$

$$\begin{aligned} &\therefore S_1 - S_2 \\ &= (5a + 6b) - (4a + 7b) \\ &= 5a + 6b - 4a - 7b \\ &= a - b. \end{aligned}$$

∴每块 A 型钢板的面积比每块 B 型钢板的面积小, 即 $a < b$,

$$\therefore a - b < 0,$$

$$\therefore S_1 < S_2.$$

4 一元一次不等式(第 1 课时)

课堂精要

1. 整式 一 1
2. 不等式的基本性质

课堂精练

1. D 2. C 3. A

4. 解:(1) $x > 10$, 解集在数轴上的表示略。

(2) $x < -7$, 解集在数轴上的表示略。

(3) $x \geq -2$, 解集在数轴上的表示略。

5. D 6. A 7. $m > \frac{3}{2}$

课堂延伸

8. 解:(1)不等式的基本性质 3

(2)当 $2x + 1 > 0$, 即 $x > -\frac{1}{2}$ 时,

原不等式可化为一元一次不等式 $2x + 1 > 3$ 。

解这个不等式, 得 $x > 1$ 。∴ $x > 1$ 。

当 $2x + 1 < 0$, 即 $x < -\frac{1}{2}$ 时,

原不等式可化为一元一次不等式 $-2x - 1 > 3$ 。

解这个不等式, 得 $x < -2$ 。∴ $x < -2$ 。

当 $2x + 1 = 0$, 即 $x = -\frac{1}{2}$ 时,

原不等式可化为 $0 > 3$, 不成立, 此时不等式无解。

∴不等式 $|2x+1|>3$ 的解集为 $x<-2$ 或 $x>1$ 。

5 一元一次不等式(第2课时)

课堂精要

(1)不等关系 (2)未知数 (3)不等式 (4)解不等式

课堂精练

1. B 2. B 3. $10+3x>100$

4. 解:设可购买这种型号的水基灭火器 x 个,则可购买这种型号的干粉灭火器 $(50-x)$ 个。

根据题意,得 $540x+380(50-x)\leq 21\ 000$,

解得 $x\leq 12.5$ 。

∵ x 为整数,

∴ x 的最大值为 12。

∴最多可购买这种型号的水基灭火器 12 个。

5. B 6. 42

课堂延伸

7. 解:(1)设甲种树苗每棵的价格为 x 元,乙种树苗每棵的价格为 y 元。

根据题意,得
$$\begin{cases} 3x+2y=12, \\ x+3y=11, \end{cases} \text{解得} \begin{cases} x=2, \\ y=3. \end{cases}$$

∴甲种树苗每棵的价格为 2 元,乙种树苗每棵的价格为 3 元。

(2)设种植乙种树苗 m 棵,则种植甲种树苗 $(200-m)$ 棵。

根据题意,得 $200(200-m)+300m\geq 50\ 000$,

解得 $m\geq 100$ 。

∴种植乙种树苗不得少于 100 棵。

6 一元一次不等式与一次函数(第1课时)

课堂精要

1. (1) $kx+b=m$ (2)上 $kx+b>m$ (3)下 $kx+b<m$

2. (1)一 函数图象的交点 $k_1x+b_1=k_2x+b_2$

(2)上 $k_1x+b_1>k_2x+b_2$

(3)下 $k_1x+b_1<k_2x+b_2$

课堂精练

1. C 2. D 3. C 4. A

5. $(4,0)$ $(0,12)$ <4 >4

6. $x < 4$ 7. $x > 3$

8. C 9. $m < 4$ 且 $m \neq 1$

课堂延伸

10. 解: (1) ① $kx + b = 0$ ② $\begin{cases} y = kx + b, \\ y = k_1x + b_1 \end{cases}$

③ $kx + b > 0$ ④ $kx + b < 0$

(2) $x > 1$

7 一元一次不等式与一次函数(第2课时)

课堂精要

相互依赖 特定条件

课堂精练

1. D

2. 解: 设该公司参观者中有 x 名女士, 选择购买女士五折票时所需费用为 y_1 元, 选择购买团体票时所需费用为 y_2 元。根据题意, 得

$$y_1 = 30 \times 0.5x + 30 \times (40 - x) = -15x + 1200, y_2 = 30 \times 40 \times 0.8 = 960.$$

由 $y_1 = y_2$, 得 $-15x + 1200 = 960$, 解得 $x = 16$;

由 $y_1 > y_2$, 得 $-15x + 1200 > 960$, 解得 $x < 16$;

由 $y_1 < y_2$, 得 $-15x + 1200 < 960$, 解得 $x > 16$ 。

\therefore 当女士人数恰好是 16 时, 两种方案所需费用相同; 当女士人数少于 16 时, 购买团体票合算; 当女士人数多于 16 且不超过 40 时, 购买女士五折票合算。

3. B

课堂延伸

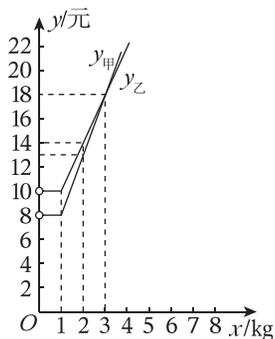
4. 解: (1) 图象如图所示, 由图象可得 $A(3, 18)$ 。

由图象可知, ① 当 $0 < x < 3$ 时, $y_{甲}$ 的图象在 $y_{乙}$ 图象的下方, 则 $y_{甲} < y_{乙}$,

\therefore 当 $0 < x < 3$ 时, 选择甲快递公司更优惠;

② 当 $x = 3$ 时, $y_{甲} = y_{乙}$, 此时选择甲、乙快递公司的费用相同, 可随意选择;

③ 当 $x > 3$ 时, $y_{甲}$ 的图象在 $y_{乙}$ 图象的上方, 则 $y_{甲} > y_{乙}$,



(第4题)

∴当 $x > 3$ 时,选择乙快递公司更优惠。

(2)此问题还可以借助一元一次不等式和一元一次方程的知识来求解。

由题可得,

$$5x + 3 = 4x + 6, \text{解得 } x = 3;$$

$$5x + 3 > 4x + 6, \text{解得 } x > 3;$$

$$5x + 3 < 4x + 6, \text{解得 } x < 3.$$

∴当 $x = 3$ 时,甲、乙快递公司的费用相同;

当 $x > 3$ 时,选择乙快递公司更优惠;

当 $0 < x < 3$ 时,选择甲快递公司更优惠。

(3)以上策略还可以解决骑行哪款共享单车更划算的问题。(答案不唯一)

8 一元一次不等式组

课堂精要

1. 同一个未知数 一元一次不等式
2. 公共部分 3. 求不等式组解集
4. (1)各个不等式 (2)数轴 (3)公共 公共
5. $x > b$ $x < a$ $a < x < b$ 无解

课堂精练

1. C 2. C 3. $30 < x < 75$

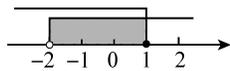
$$4. \text{解: } \begin{cases} 1 - 3(x - 1) < 8 - x, & \text{①} \\ \frac{x - 3}{2} + 3 \geq x + 1. & \text{②} \end{cases}$$

由不等式①,得 $x > -2$ 。

由不等式②,得 $x \leq 1$ 。

在同一条数轴上表示不等式①②的解集,如图所示。

∴该不等式组的解集为 $-2 < x \leq 1$ 。



(第4题)

5. D 6. $m \leq 2$

课堂延伸

7. 解:(1)设原计划租用A种客车 x 辆。根据题意,得

$$45x + 30 = 60(x - 6),$$

解得 $x = 26$ 。

故 $60 \times (26 - 6) = 1\,200$ (人)。

所以原计划租用A种客车26辆,这次研学去了1 200人。

(2)设租用A种客车 a 辆,则租用B种客车 $(25 - a)$ 辆。根据题意,得

$$\begin{cases} 25 - a \leq 7, \\ 45a + 60(25 - a) \geq 1\,200, \end{cases}$$

解得 $18 \leq a \leq 20$ 。

因为 a 为正整数,所以 $a = 18, 19, 20$ 。

所以共有3种租车方案。

方案一:租用A种客车18辆,B种客车7辆;

方案二:租用A种客车19辆,B种客车6辆;

方案三:租用A种客车20辆,B种客车5辆。

(3)方案一:租用A种客车18辆,B种客车7辆,费用为 $18 \times 220 + 7 \times 300 = 6\,060$ (元);

方案二:租用A种客车19辆,B种客车6辆,费用为 $19 \times 220 + 6 \times 300 = 5\,980$ (元);

方案三:租用A种客车20辆,B种客车5辆,费用为 $20 \times 220 + 5 \times 300 = 5\,900$ (元)。

所以租用A种客车20辆,B种客车5辆才最合算。

第三章 图形的平移与旋转

1 图形的平移(第1课时)

课堂精要

1. 某个方向 一定的距离 形状 大小 全等

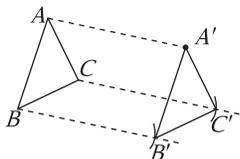
2. 平行(或在一条直线上)且相等 平行(或在一条直线上)且相等 相等

3. 位置 方向 距离

课堂精练

1. D 2. A 3. 2 cm 4. 104

5. 解: 如图, $\triangle A'B'C'$ 为所作。



(第 5 题)

6. C 7. 48

8. 解: (1) $AC = DF$ $AC \parallel DF$

(2) 90°

(3) 由平移的性质, 得 $AD = BE$ 。

$\because AE = 8 \text{ cm}, DB = 2 \text{ cm},$

$$\therefore AD = BE = \frac{8-2}{2} = 3(\text{cm}).$$

\therefore 平移的距离为 3 cm。

(4) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ, AC = 4 \text{ cm}, AB = AD + DB = 3 + 2 = 5(\text{cm}),$

$$\therefore BC = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3(\text{cm}).$$

$\therefore EF = BC = 3 \text{ cm}.$

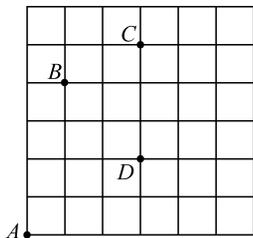
又 $\because CF = AD = 3 \text{ cm},$

\therefore 四边形 $AEFC$ 的周长 $= AC + AE + EF + CF = 4 + 8 + 3 + 3 = 18(\text{cm}).$

课堂延伸

9. 解: (1) -2 -1

(2) ① 如图所示。



(第 9 题)

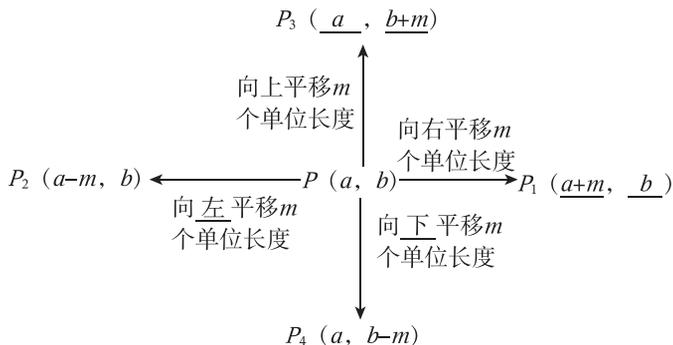
② $(4+|-3|+|-2|+1) \times 2.5 = 25(\text{s})$ 。

③ $2 - 2$

④ $-2a - b$

2 图形的平移(第2课时)

课堂精要



课堂精练

1. B 2. D 3. A 4. D 5. 上 4 6. $(-1, 1)$ 7. B 8. C 9. C

课堂延伸

10. 解: (1) 由 $1-a = -3$, 得 $a = 4$ 。

(2) 由 $a = 4$, 得 $2a - 12 = 2 \times 4 - 12 = -4$ 。

又 \because 点 $Q(x, y)$ 位于第二象限,

$\therefore y > 0$ 。

取 $y = 1$, 得点 Q 的坐标为 $(-4, 1)$ 。(答案不唯一)

(3) \because 点 $P(2a-12, 1-a)$ 位于第三象限,

$$\therefore \begin{cases} 2a-12 < 0, \\ 1-a < 0. \end{cases}$$

$\therefore 1 < a < 6$ 。

\because 点 P 的横、纵坐标都是整数,

$\therefore a$ 可以取 $2, 3, 4, 5$ 。

当 $a = 2$ 时, $1-a = -1$, $\therefore PQ > 1$;

当 $a = 3$ 时, $1-a = -2$, $\therefore PQ > 2$;

当 $a = 4$ 时, $1-a = -3$, $\therefore PQ > 3$;

当 $a = 5$ 时, $1-a = -4$, $\therefore PQ > 4$ 。

3 图形的平移(第3课时)

课堂精要

左右 上下 $PP' \sqrt{m^2+n^2}$

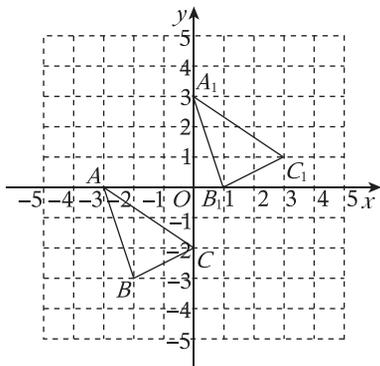
课堂精练

1. D 2. C

3. 解:(1)如图, $\triangle ABC$ 为所求。

(2)如图, $\triangle A_1B_1C_1$ 为所求。

(3) $(2, \frac{1}{2})$



(第3题)

4. (1) $(0, -2)$ (2) 春或柳

课堂延伸

5. (1) 解: 连接 BD , 如图①。

$\because \triangle ABC$ 是等边三角形, $AB=6$, D 是 AC 边的中点,

$\therefore AD=CD=3, BD \perp AC$ 。

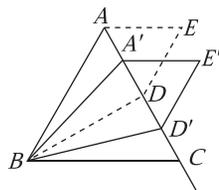
\because 将 $\triangle ADE$ 从题图①的位置开始, 沿射线 AC 的方向平移, 点 A, D, E 的对应点分别为点 A', D', E' ,

$\therefore A'D'=AD=3$ 。

$\because BA'=BD', BD \perp AC$,

$\therefore A'D=DD'=\frac{1}{2}A'D'=\frac{3}{2}$ 。

$\therefore \triangle ADE$ 平移的距离 DD' 为 $\frac{3}{2}$ 。



图①

(第5题)

(2)证明: $\because \triangle ADE$ 是等边三角形, $AD=3$,

$\therefore \angle DAE=60^\circ, AE=3$ 。

\because 将 $\triangle ADE$ 从题图①的位置开始, 沿射线 AC 的方向平移, 点 A, D, E 的对应点分别为点 A', D', E' ,

$\therefore \angle D'A'E'=\angle DAE=60^\circ, A'E'=3$ 。

$\because \triangle ABC$ 是等边三角形, $AB=6, F$ 是 BC 边的中点,

$\therefore \angle ACB=60^\circ, CF=\frac{1}{2}BC=3$ 。

$\therefore \angle D'A'E'=\angle ACB=60^\circ, A'E'=CF=3$ 。

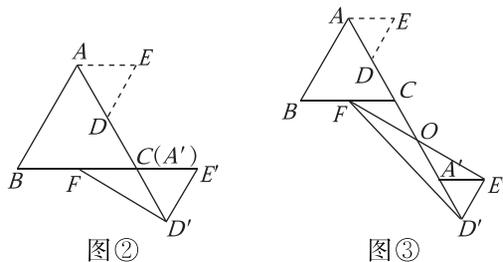
又 $\because \angle A'OE'=\angle COF$,

$\therefore \triangle A'OE' \cong \triangle COF$ (AAS)。

$\therefore OE'=OF$ 。

(3)6 或 12

提示: 如图②③, 分两种情况考虑。



(第 5 题)

4 图形的旋转(第 1 课时)

课堂精要

1. 一个定点 某个方向 一个角度 旋转中心 旋转角 形状 大小

2. 相等 旋转角 相等 相等

课堂精练

1. B 2. A 3. D 4. 47° 5. B 6. A

课堂延伸

7. 解: (1) 90°

(2) ① 105°

② 运动前, $\because \angle COD=30^\circ$,

$$\therefore \angle COE = \angle EOD = 15^\circ. \therefore \angle BOD = \angle AOC = 75^\circ.$$

设运动时间为 t s, 则 $0 \leq t \leq 3$.

当点 C, O, A 三点共线时, $t = (180^\circ - 75^\circ) \div 50^\circ = 2.1$ (s).

当 $0 \leq t \leq 2.1$ 时, $\angle AOC = 75^\circ + 50^\circ t$, $\angle BOE = 90^\circ - 25^\circ t$,

$$\therefore \angle AOC + 2\angle BOE = 255^\circ;$$

当 $2.1 < t \leq 3$ 时, $\angle AOC = 180^\circ - 50^\circ(t - 2.1) = 285^\circ - 50^\circ t$,

$$\angle BOE = 90^\circ - 25^\circ t,$$

$$\therefore \angle AOC - 2\angle BOE = 105^\circ.$$

综上所述, 当 $0 \leq t \leq 2.1$ 时, $\angle AOC + 2\angle BOE = 255^\circ$; 当 $2.1 < t \leq 3$ 时, $\angle AOC - 2\angle BOE = 105^\circ$.

5 图形的旋转(第2课时)

课堂精要

1. (1) 旋转中心 (2) 旋转方向 (3) 旋转角度 2. 对应点

课堂精练

1. D 2. A 3. 30° 4. 4 cm 5. 50° 6. A 7. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ 8. 45° 或 75°

9. 解: (1) $\because AB = AE, \angle B = \angle E, BC = EF,$

$$\therefore \triangle ABC \cong \triangle AEF \text{ (SAS)}.$$

$$\therefore \angle BAC = \angle EAF.$$

$$\therefore \angle BAC - \angle PAF = \angle EAF - \angle PAF,$$

$$\text{即 } \angle EAB = \angle FAC.$$

(2) 通过观察可知 $\triangle ABC$ 绕点 A 按顺时针方向旋转 25° , 可以得到 $\triangle AEF$.

(3) 由(1)知 $\angle C = \angle F = 57^\circ, \angle CAF = \angle BAE = 25^\circ,$

$$\therefore \angle AMB = \angle C + \angle CAF = 57^\circ + 25^\circ = 82^\circ.$$

课堂延伸

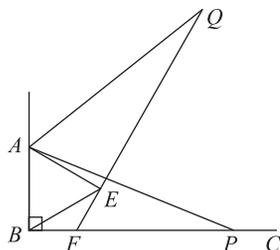
10. 解: (1) 30° 60°

(2) $\angle QFC = 60^\circ$. 理由:

不妨设 AP 在 $\angle QAE$ 内部, 如图所示.

$\because \triangle ABE$ 是等边三角形,

$$\therefore AB = AE, \angle BAE = \angle AEB = \angle ABE = 60^\circ.$$



(第10题)

$\because \angle ABC = 90^\circ, \therefore \angle EBF = 30^\circ$ 。

$\because \angle BAP = \angle BAE + \angle EAP = 60^\circ + \angle EAP$,

$\angle EAQ = \angle QAP + \angle EAP = 60^\circ + \angle EAP$,

$\therefore \angle BAP = \angle EAQ$ 。

在 $\triangle ABP$ 和 $\triangle AEQ$ 中, $\because AB = AE, \angle BAP = \angle EAQ, AP = AQ$,

$\therefore \triangle ABP \cong \triangle AEQ$ (SAS)。

$\therefore \angle AEQ = \angle ABP = 90^\circ$ 。

$\therefore \angle BEF = 180^\circ - \angle AEQ - \angle AEB = 180^\circ - 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$ 。

$\therefore \angle QFC = \angle EBF + \angle BEF = 30^\circ + 30^\circ = 60^\circ$ 。

同理当 AP 在 $\angle QAE$ 外部或与 $\angle QAE$ 的边 AE 重合时, $\angle QFC = 60^\circ$ 仍成立。

6 图形的旋转(第3课时)

课堂精要

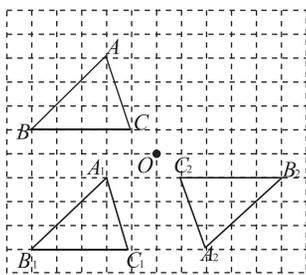
1. 180° 另一个图形 点 成中心 对称中心
2. 对称中心 对称中心
3. 180° 原来的图形 中心对称图形 对称中心

课堂精练

1. C 2. D 3. 4 4. 10

5. 解: (1) 如图, $\triangle A_1B_1C_1$ 为所求。

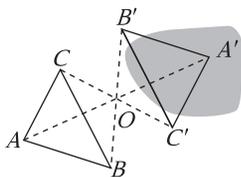
(2) 如图, $\triangle A_2B_2C_2$ 为所求。



(第5题)

6. B 7. 1

8. 解: 如图, 对称中心 O , $\triangle A'B'C'$ 为所求。



(第8题)

课堂延伸

9. (1)是 (2)E A,C B,D

7 简单的图案设计

课堂精要

1. 轴对称 平移 旋转

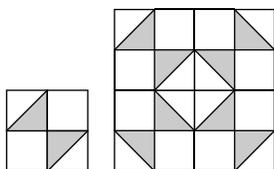
2. 轴对称 平移 旋转

课堂精练

1. C 2. 60° (答案不唯一)

3. 轴对称 旋转 平移

4. 解: (1) 如图①所示。(答案不唯一)



图①

图②

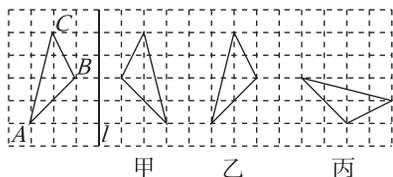
(第4题)

(2) 如图②所示。(答案不唯一)

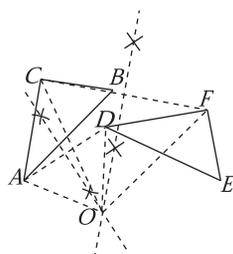
5. A

课堂延伸

6. (1) 解: ① 如图①, 直线 l 是对称轴。



图①



图②

(第6题)

② 8

(2) ① 解: 旋转中心 O 如图②所示。

② 证明: 由题意知, AC 与 DF 对应, 如图②, 分别作 AD 与 CF 的垂直平分线交于

点 O , 连接 OA, OC, OD, OF 。

\because 点 O 在 AD 的垂直平分线上,

$\therefore OA = OD$ 。

同理, $OC = OF$ 。

又 $\because AC = DF$,

$\therefore \triangle AOC \cong \triangle DOF$ (SSS)。

$\therefore \angle AOC = \angle DOF$ 。

$\therefore \angle AOC + \angle COD = \angle DOF + \angle COD$,

即 $\angle AOD = \angle COF$, 即对应点与点 O 的连线所成的角相等,

\therefore 线段 DF 可以看成由线段 AC 绕点 O 旋转一次得到。

同理, 线段 EF 可以看成由线段 BC 绕点 O 旋转一次得到, 线段 DE 可以看成由线段 AB 旋转一次得到。

$\therefore \triangle DEF$ 能由 $\triangle ABC$ 绕点 O 通过一次旋转得到。

8 问题解决活动: 最短距离

课堂精要

平移 轴对称

课堂精练

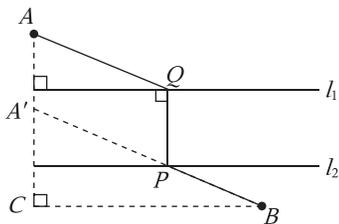
1. 解: (1) 作法: ①过点 A 作线段 $AA' \perp l_1$, 且 $AA' = 20$ 。

②连接 $A'B$, 与 l_2 交于点 P 。

③过点 P 作 $PQ \perp l_1$ 于点 Q 。

④连接 AQ, BP 。

则天桥建在 PQ 处能使由 A 经过天桥走到 B 的路线最短, 如图所示。



(第 1 题)

(2) $\because AA' \perp l_1, PQ \perp l_1$,

$\therefore AA' \parallel PQ$ 。

又 $\because AA' = PQ$,

\therefore 线段 PQ 可看成是由线段 AA' 平移得到的,

$\therefore AQ = A'P$.

$\therefore AQ + PB = A'P + PB = A'B$.

如图,过点 B 作 AA' 的垂线,交其延长线于点 C .

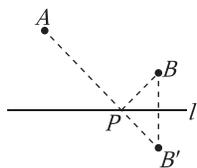
\because 在 $\triangle A'BC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $BC = 60$ m, $A'C = AC - AA' = 15 + 20 + 10 - 20 = 25$ (m),

$\therefore A'B = \sqrt{BC^2 + A'C^2} = 65$ (m).

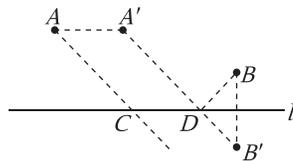
$AQ + PQ + PB = A'B + PQ = 65 + 20 = 85$ (m).

\therefore 由 A 经过天桥走到 B 的最短路线的长为 85 m.

2. 解:(1)如图①,点 P 为所求.



图①



图②

(第 2 题)

(2)绿化带 CD 的位置如图②所示.

作法:①将点 A 沿河岸 l 的方向向右平移 s m 到点 A' ;

②作点 B 关于河岸 l 的对称点 B' ;

③连接 $A'B'$,与 l 交于点 D ;

④过点 A 作 $AC \parallel A'D$,与 l 交于点 C .

则 CD 为所求.

课堂延伸

3. 解:(1)由旋转的性质可知 $\triangle ACP' \cong \triangle ABP$,

$\therefore AP' = AP = 3$, $CP' = BP = 4$, $\angle AP'C = \angle APB$, $\angle CAP' = \angle BAP$.

$\therefore \angle PAP' = \angle BAC = 60^\circ$.

$\therefore \triangle APP'$ 为等边三角形.

$\therefore PP' = AP = 3$, $\angle AP'P = 60^\circ$.

易得 $PC^2 = PP'^2 + P'C^2$,

$\therefore \angle PP'C = 90^\circ$.

$\therefore \angle APB = \angle AP'C = \angle AP'P + \angle PP'C = 60^\circ + 90^\circ = 150^\circ$.

(2)在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\because \angle ACB = 90^\circ$, $AC = 1$, $\angle ABC = 30^\circ$,

$\therefore AB=2$ 。

$\therefore BC = \sqrt{AB^2 - AC^2} = \sqrt{2^2 - 1^2} = \sqrt{3}$ 。

将 $\triangle APB$ 绕点 B 按顺时针方向旋转 60° 得到 $\triangle A'P'B$,连接 PP' ,如图所示。

$\because \angle ABC = 30^\circ$,

$\therefore \angle A'BC = 90^\circ$ 。

由旋转的性质,得 $A'B=AB=2, BP'=BP$,

$A'P'=AP, \angle PBP' = \angle A'BA = 60^\circ$ 。

$\therefore \triangle BPP'$ 是等边三角形。

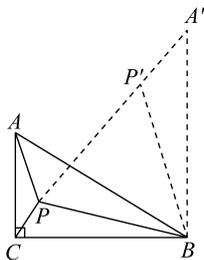
$\therefore BP = PP'$ 。

$\therefore PA + PB + PC = A'P' + P'P + PC$ 。

\therefore 当点 A', P', P, C 在同一直线上时, $PA + PB + PC$ 的值最小,

此时在 $\text{Rt}\triangle A'BC$ 中, $A'C = \sqrt{BC^2 + A'B^2} = \sqrt{(\sqrt{3})^2 + 2^2} = \sqrt{7}$,

$\therefore PA + PB + PC$ 的最小值 $= A'C = \sqrt{7}$ 。



(第3题)

第四章 因式分解

1 因式分解

课堂精要

1. 整式乘积 2. 整式乘法

课堂精练

1. B 2. C 3. C

4. 4 5. -8 -4

6. $9x^2 - 4y^2$ $a(a+1)^2$
 $4a^2 - 8ab + 4b^2$ $-3a(a+2)$
 $-3a^2 - 6a$ $4(a-b)^2$
 $a^3 + 2a^2 + a$ $(3x+2y)(3x-2y)$

7. 350 8. $x^2 + 3x + 2 = (x+2)(x+1)$

9. 解:(1) $(1\ 024+1) \times (1\ 024-1)$ (或 $1\ 025 \times 1\ 023$)

(2)能。理由:

$\because 1\ 024^3 - 1\ 024 = 1\ 024 \times (1\ 024^2 - 1) = 1\ 024 \times (1\ 024+1) \times (1\ 024-1) = 1\ 024 \times$

$$1\ 025 \times 1\ 023,$$

$\therefore 1\ 024^3 - 1\ 024$ 能分别被 $1\ 025, 1\ 023$ 整除。

课堂延伸

10. 解: (1) 拼成的大正方形如图所示。

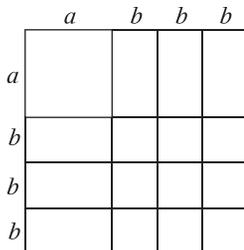
这个大正方形的边长为 $a + 3b$ 。

(2) 当 $a = 3, b = 1$ 时,

$$(a + 3b)^2 = (3 + 3 \times 1)^2 = 36,$$

$$\therefore 144 \div 36 = 4(\text{个}),$$

\therefore 可以由 4 个 (1) 中画出的大正方形拼成。



(第 10 题)

2 提公因式法(第 1 课时)

课堂精要

1. 相同因式 2. 最大公因数 最低次幂

3. 公因式 公因式 提公因式法

4. 逆用乘法对加法的分配律

课堂精练

1. B 2. D 3. $a(a-7)$ 4. $-2m+1$

5. (1) $4m(m-9)$ (2) $-2m(2m^2-8m+13)$

6. 22π 7. 0

8. 解: $2x^4y^3 - x^3y^4 = x^3y^3(2x - y)$ 。

当 $2x - y = \frac{1}{3}, xy = 2$ 时,

$$\text{原式} = x^3y^3(2x - y) = (xy)^3(2x - y) = 2^3 \times \frac{1}{3} = \frac{8}{3}。$$

课堂延伸

9. 解: (1) $m^2 - mm + mx - nx = m(m-n) + x(m-n) = (m-n)(m+x)$ 。

(2) $xy^2 - 2xy + 2y - 4 = xy(y-2) + 2(y-2) = (y-2)(xy+2)$ 。

(3) $ab - ac + bc - b^2 = a(b-c) + b(c-b) = (b-c)(a-b)$ 。

3 提公因式法(第 2 课时)

课堂精要

1. 数 单项式 多项式

2. (1) - (2) - (3) + (4) + (5) - (6) -

课堂精练

1. A 2. D 3. 0

4. 解: 原式 = $(2m+1)[2m+1-(-1+2m)] = 2(2m+1)$ 。

当 $m=10$ 时, 原式 = $2(2m+1) = 2 \times (2 \times 10 + 1) = 42$ 。

5. A

6. 解: 小明说得对。理由:

$$\text{原式} = x^2(x-y) - 2x(x-y) = x(x-y)(x-2)。$$

$$\because x=2, \therefore x-2=0, \therefore \text{原式} = x(x-y)(x-2) = 0。$$

课堂延伸

7. 解: (1) 提公因式法 2

$$(2) 2\ 025 \quad (1+x)^{2\ 026}$$

$$\begin{aligned} (3) \text{原式} &= (1+x)[1+x+x(1+x)+\cdots+x(1+x)^{n-1}] \\ &= (1+x)^2[1+x+x(1+x)+\cdots+x(1+x)^{n-2}] \\ &\quad \cdots \\ &= (1+x)^{n+1}。 \end{aligned}$$

4 公式法(第1课时)

课堂精要

1. $a^2 - b^2$ $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$ 多项式

2. 提出这个公因式 不能分解

课堂精练

1. D 2. C 3. B 4. $(m+4)(m-4)$

$$5. (1) \left(4 + \frac{1}{5}m\right) \left(4 - \frac{1}{5}m\right)$$

$$(2) (2x+p+q)(p-q)$$

$$(3) y(x+y)(x-y)$$

$$(4) 3(5x-2)(x-2)$$

6. C 7. 15 17

课堂延伸

8. 解: (1) $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$ 。

(2)依题意可得 $a^2 - b^2 = 20$, $\therefore a^2 - b^2 = (a+b)(a-b) = 20$ 。

$\therefore a - b = 4$, $\therefore a + b = 5$ 。

(3)原式 $= \left(1 - \frac{1}{2}\right) \times \left(1 + \frac{1}{2}\right) \times \left(1 - \frac{1}{3}\right) \times \left(1 + \frac{1}{3}\right) \times$

$\left(1 - \frac{1}{4}\right) \times \left(1 + \frac{1}{4}\right) \times \cdots \times \left(1 - \frac{1}{1\ 024}\right) \times \left(1 + \frac{1}{1\ 024}\right) =$

$\frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{4}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{5}{4} \times \cdots \times \frac{1\ 023}{1\ 024} \times \frac{1\ 025}{1\ 024} = \frac{1}{2} \times \frac{1\ 025}{1\ 024} = \frac{1\ 025}{2\ 048}$ 。

5 公式法(第2课时)

课堂精要

1. $a^2 + 2ab + b^2$ $a^2 - 2ab + b^2$ $a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$
 $a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$

2. 公式法

3. 提取公因式 平方差公式 完全平方公式 是否彻底

课堂精练

1. D 2. A 3. D 4. $2a + b$ 5. A

6. 解:(1) $x^3 - 2x^2y + xy^2 = x(x^2 - 2xy + y^2) = x(x - y)^2$ 。

(2) $(2x + y)^2 - 8xy = 4x^2 + 4xy + y^2 - 8xy = 4x^2 - 4xy + y^2 = (2x - y)^2$ 。

(3) $(x^2 - 1)^2 - 6(x^2 - 1) + 9 = (x^2 - 1 - 3)^2 = (x^2 - 4)^2 = (x + 2)^2(x - 2)^2$ 。

课堂延伸

7. 解:(1) $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$

(2) $a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc = (a + b + c)^2$

(3) \therefore 长方形的周长为 14 cm,

$\therefore 2(x + y) = 14$ 。 $\therefore x + y = 7$ ①。

$\therefore (x - y)^2 + 2x - 2y + 1 = 0$,

$\therefore (x - y)^2 + 2(x - y) + 1 = 0$ 。

$\therefore (x - y + 1)^2 = 0$ 。

$\therefore x - y = -1$ ②。

联立①②,得 $\begin{cases} x + y = 7, \\ x - y = -1, \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} x = 3, \\ y = 4. \end{cases}$

\therefore 该长方形的面积为 $4 \times 3 = 12(\text{cm}^2)$ 。

第五章 分式与分式方程

1 分式及其基本性质(第1课时)

课堂精要

1. 字母 分式 2. $B \neq 0$ $B = 0$

3. 等于 0 不等于 0

课堂精练

1. B 2. B 3. D 4. B 5. C 6. $\frac{6n}{m}$

7. 解:(1)当 $x=2$ 时, $\frac{|x|-3}{(x+3)(x-4)} = \frac{2-3}{(2+3) \times (2-4)} = \frac{1}{10}$ 。

(2)当 $x+3 \neq 0$ 且 $x-4 \neq 0$, 即 $x \neq -3$ 且 $x \neq 4$ 时, 分式有意义。

(3)要使分式的值为 0, 则 $\begin{cases} |x|-3=0, \\ x+3 \neq 0, \\ x-4 \neq 0, \end{cases}$ 解得 $x=3$ 。

故当 $x=3$ 时, 分式的值为 0。

8. B 9. 6

10. 实际运输时需要的运输车数量

11. (1) $\frac{2}{x^2+1}$

(2)小丽摆出的分式不符合条件。理由: 当 $x=2$ 时, 分式 $\frac{x-2}{x^2-4}$ 无意义。

一个符合条件的分式为 $\frac{x-2}{x+1}$ (答案不唯一)。

课堂延伸

12. 解:(1)方式一种植草皮的面积是 $(x-2m)^2$ 平方米,

方式二种植草皮的面积是 (x^2-4m^2) 平方米,

按方式一购买草皮每平方米的价格是 $\frac{5\,000}{(x-2m)^2}$ 元,

按方式二购买草皮每平方米的价格是 $\frac{5\,000}{x^2-4m^2}$ 元。

(2) 当 $x=14, m=2$ 时,

按方式一购买草皮每平方米的价格是 $\frac{5\ 000}{(x-2m)^2} = \frac{5\ 000}{(14-2 \times 2)^2} = 50$ (元),

按方式二购买草皮每平方米的价格是 $\frac{5\ 000}{x^2-4m^2} = \frac{5\ 000}{14^2-4 \times 2^2} \approx 28$ (元)。

2 分式及其基本性质(第2课时)

课堂精要

1. 同一个不等于零的整式
2. 公因式
3. 没有公因式
- 最简分式

课堂精练

1. C 2. D 3. D 4. D 5. B 6. D

7. 解: (1) 原式 $= -\frac{5a^2c}{3b}$ 。

(2) 原式 $= \frac{(m+4)(m-4)}{3(m-4)} = \frac{m+4}{3}$ 。

(3) 原式 $= \frac{b^2(b+a)}{a^2(a+b)} = \frac{b^2}{a^2}$ 。

(4) 原式 $= \frac{(x+4)(x-4)}{(x-4)^2} = \frac{x+4}{x-4}$ 。

8. C 9. $\frac{1}{2n}$ 10. ②

课堂延伸

11. 解: (1) 25

(2) $\frac{30n+5}{n+1}$ 有

理由: $\frac{30n+5}{n+1} = \frac{30(n+1)-25}{n+1} = 30 - \frac{25}{n+1}$ 。

$\therefore n \geq 0,$

$\therefore \frac{25}{n+1} > 0。$

$\therefore -\frac{25}{n+1} < 0,$ 即 $30 - \frac{25}{n+1} < 30。$

\therefore 在没有其他粮食补充的情况下, 背负的米能支持行军不到 30 天。

(3)我们现在交通运输条件的便利离不开科技的发展,科技创新驱动交通运输发展。(答案合理即可)

3 分式的运算(第1课时)

课堂精要

1. 积 积 积 $\frac{bd}{ac}$

2. 位置 相乘 $\frac{c}{d} \cdot \frac{bc}{ad}$

3. $\frac{b^n}{a^n}$

课堂精练

1. C 2. B 3. A 4. D 5. D 6. C 7. C 8. D 9. A

10. 解:有错,是从第一步开始出错的。正确的计算过程如下:

$$\frac{x^2-1}{x^2-2x+1} \div \frac{x+1}{x-1} \cdot \frac{1-x}{1+x} = \frac{(x+1)(x-1)}{(x-1)^2} \cdot \frac{x-1}{x+1} \cdot \frac{1-x}{1+x} = \frac{1-x}{1+x}.$$

课堂延伸

11. 解:(1)“丰收1号”小麦的试验田面积是 (a^2-4) m²,每平方米的产量是 $\frac{500}{a^2-4}$ kg;

“丰收2号”小麦的试验田面积是 $(a-2)^2$ m²,每平方米的产量是 $\frac{500}{(a-2)^2}$ kg。

$$\because a > 2, \therefore (a-2)^2 > 0, a^2-4 > 0.$$

$$\because a^2-4-(a-2)^2=4a-8 > 0.$$

$$\therefore a^2-4 > (a-2)^2.$$

$$\therefore \frac{500}{a^2-4} < \frac{500}{(a-2)^2}.$$

∴“丰收2号”小麦的每平方米的产量高。

$$(2) \because \frac{500}{(a-2)^2} \div \frac{500}{a^2-4} = \frac{500}{(a-2)^2} \cdot \frac{(a+2)(a-2)}{500} = \frac{a+2}{a-2},$$

∴每平方米高的产量是每平方米低的产量的 $\frac{a+2}{a-2}$ 倍。

4 分式的运算(第2课时)

课堂精要

1. 不变 相加减 $\frac{b \pm c}{a}$

2. 同分母 同分母 $\frac{c}{a-b} - \frac{d}{a-b} = \frac{c-d}{a-b}$

课堂精练

1. D 2. D 3. A 4. B

5. 解:(1)原式 $= \frac{5a+6b+3b-4a-a-3b}{3a^2bc} = \frac{6b}{3a^2bc} = \frac{2}{a^2c}$ 。

(2)原式 $= \frac{2x+y-x-2y}{x-y} = \frac{x-y}{x-y} = 1$ 。

6. D 7. $\frac{6}{a}$ 8. $\frac{5}{a}$

9. 解:(1)原式 $= \frac{x^2}{x(x+2y)} - \frac{1}{x-1} \cdot \frac{(x-1)^2}{x+2y} = \frac{x}{x+2y} - \frac{x-1}{x+2y} = \frac{1}{x+2y}$ 。

$\because 2x+4y-1=0, \therefore x+2y = \frac{1}{2}$ 。

\therefore 原式 $= \frac{1}{x+2y} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = 2$ 。

(2)原式 $= \left(\frac{3x+y}{x^2-y^2} - \frac{2x}{x^2-y^2} \right) \cdot \frac{xy(x-y)}{2}$
 $= \frac{x+y}{(x+y)(x-y)} \cdot \frac{xy(x-y)}{2} = \frac{xy}{2}$ 。

$\because y = \sqrt{3-x} + \sqrt{3x-9} - 2$, 由二次根式的被开方数的非负性可知 $3-x \geq 0, 3x-9 \geq 0, \therefore x=3$ 。 $\therefore y = -2$ 。

\therefore 原式 $= \frac{xy}{2} = \frac{3 \times (-2)}{2} = -3$ 。

课堂延伸

10. 解:(1)③ ①②④

(2) $\frac{4a+3}{2a-1} = \frac{4a-2+5}{2a-1} = \frac{2(2a-1)+5}{2a-1} = \frac{2(2a-1)}{2a-1} + \frac{5}{2a-1} = 2 + \frac{5}{2a-1}$ 。

$$(3) \frac{a^2+3}{a-1} = \frac{a^2-1+4}{a-1} = \frac{a^2-1}{a-1} + \frac{4}{a-1} = a+1 + \frac{4}{a-1}.$$

5 分式的运算(第3课时)

课堂精要

1. 基本性质 通分 最简公分母

2. 最小公倍数 最高次幂

3. 通分 同分母 同分母的分式 $\frac{bc \pm ad}{ac}$

课堂精练

1. D 2. B 3. D 4. B 5. D 6. $\frac{sa}{t(t+a)}$

7. 解:(1)原式 = $\frac{3y+2x}{6x^2y^2}$.

$$\begin{aligned} (2) \text{原式} &= \frac{1}{a-3} - \frac{6}{(a+3)(a-3)} \\ &= \frac{a+3}{(a+3)(a-3)} - \frac{6}{(a+3)(a-3)} \\ &= \frac{a+3-6}{(a+3)(a-3)} \\ &= \frac{a-3}{(a+3)(a-3)} \\ &= \frac{1}{a+3}. \end{aligned}$$

8. D 9. D 10. $\frac{uv}{u+v}$

$$\begin{aligned} 11. \text{解:(1)原式} &= \frac{x+1+x^2-3x}{x^2-1} \\ &= \frac{x^2-2x+1}{x^2-1} \\ &= \frac{(x-1)^2}{(x+1)(x-1)} = \frac{x-1}{x+1}. \end{aligned}$$

(2)这个说法不正确。理由：

当 $x=1$ 时, $\frac{1}{x-1} + \frac{x^2-3x}{x^2-1}$ 无意义。

课堂延伸

12. 解: (1) $\frac{2v_1v_2}{v_1+v_2} \quad \frac{v_1+v_2}{2}$

(2) 乙先到达 B 地。理由:

$$v_Z - v_{\text{甲}} = \frac{v_1+v_2}{2} - \frac{2v_1v_2}{v_1+v_2} = \frac{(v_1-v_2)^2}{2(v_1+v_2)}。$$

$\because 0 < v_1 < v_2, \therefore v_Z - v_{\text{甲}} > 0$, 即 $v_Z > v_{\text{甲}}$ 。

\therefore 乙先到达 B 地。

6 分式的运算(第 4 课时)

课堂精要

1. 乘方 乘除 加减 小括号 中括号 大括号

2. 从左往右

3. 最简分式 整式

课堂精练

1. D 2. C 3. A 4. D 5. A 6. C

7. $-\frac{a+1}{a}$

8. 解: (1) 原式 $= \frac{a^2}{a+b} - \frac{(a-b)(a+b)}{a+b}$
 $= \frac{a^2 - (a^2 - b^2)}{a+b}$
 $= \frac{b^2}{a+b}。$

(2) 原式 $= \frac{x+1+x-1}{(x+1)(x-1)} \cdot \frac{(x+1)(x-1)}{x+2}$
 $= \frac{2x}{(x+1)(x-1)} \cdot \frac{(x+1)(x-1)}{x+2}$
 $= \frac{2x}{x+2}。$

9. A

10. $\frac{x}{6a} \quad \frac{6a}{5} \quad 11. \frac{5}{2}$

课堂延伸

12. 解:(1)A

$$(2) \frac{a+c}{b+c} - \frac{a}{b} = \frac{b(a+c) - a(b+c)}{b(b+c)} = \frac{ab+bc-ab-ac}{b(b+c)} = \frac{c(b-a)}{b(b+c)}.$$

$$\because b > a > 0, c > 0, \therefore b-a > 0, b(b+c) > 0.$$

$$\therefore \frac{c(b-a)}{b(b+c)} > 0. \therefore \frac{a+c}{b+c} > \frac{a}{b}.$$

7 分式方程(第1课时)

课堂精要

未知数

课堂精练

1. D 2. B 3. D 4. B

5. 每行驶 1 km 纯用电的费用

$$6. \frac{1\ 487}{x} - \frac{1\ 487}{x+70} = 3 \quad 7. A \quad 8. \frac{12}{x} + \frac{12}{1.2x} = 22$$

9. 解:(1)甲每小时采摘苹果的质量

甲采摘 125 kg 苹果所用的时间(或乙采摘 75 kg 苹果所用的时间)

(2)小明所列方程的等量关系:甲采摘 125 kg 与乙采摘 75 kg 所用的时间相等。

小亮所列方程的等量关系:甲每小时比乙每小时多采摘 20 kg 苹果。(任选一个即可)

课堂延伸

10. 解:甲、乙两人做某种零件,乙每小时比甲每小时多做 15 个,甲做 80 个的时间和乙做 70 个的时间加在一起恰好是 6 h,请问甲每小时做多少个这种零件?(答案不唯一)

8 分式方程(第2课时)

课堂精要

1. (1)将分式方程化为整式方程

(2)解这个整式方程

(3)把方程的解代入原分式方程的分母进行检验

2. 使得原分式方程的分母为零的根

课堂精练

1. B 2. D 3. A 4. C 5. A 6. -2

7. 解: (1) 因为分式中分母不能为零, 所以 $x \neq 1$ 。

方程的两边都乘 $2(x-1)$, 得 $2+2x-2=3$ 。

解这个方程, 得 $x = \frac{3}{2}$ 。

经检验, $x = \frac{3}{2}$ 是原方程的根。

(2) 因为分式中分母不能为零, 所以 $x \neq 3$ 。

方程的两边都乘 $(x-3)$, 得 $1-x = -2-3(x-3)$ 。

解这个方程, 得 $x = 3$ 。

经检验, $x = 3$ 是原分式方程的增根。

所以原方程无解。

(3) 因为分式中分母不能为零, 所以 $x \neq 2$, 且 $x \neq -2$ 。

方程的两边都乘 (x^2-4) , 得 $4+(x+3)(x+2) = (x-1)(x-2)$ 。

解这个方程, 得 $x = -1$ 。

经检验, $x = -1$ 是原方程的根。

8. C 9. D 10. $m < -1$ 且 $m \neq -2$ 11. 12

课堂延伸

12. 解: (1) $\frac{y}{4} - \frac{1}{y} = 0$ (2) $y - \frac{4}{y} = 0$

(3) 原方程可化为 $\frac{x-1}{x+2} - \frac{x+2}{x-1} = 0$,

设 $y = \frac{x-1}{x+2}$, 则原方程化为 $y - \frac{1}{y} = 0$,

方程的两边都乘 y , 得 $y^2 - 1 = 0$,

解得 $y = \pm 1$ 。

经检验, $y = \pm 1$ 都是方程 $y - \frac{1}{y} = 0$ 的解。

当 $y = 1$ 时, $\frac{x-1}{x+2} = 1$, 该方程无解;

当 $y = -1$ 时, $\frac{x-1}{x+2} = -1$, 解得 $x = -\frac{1}{2}$ 。

经检验, $x = -\frac{1}{2}$ 是原分式方程的解。

9 分式方程(第3课时)

课堂精要

审清题意 设未知数 增根 符合题意

课堂精练

1. D 2. A 3. C 4. $\frac{900}{x+1} \times 2 = \frac{900}{x-3}$ 5. 90

6. 解: 设第一次购进这种计算器 x 个, 则第二次购进这种计算器 $3x$ 个。

根据题意, 得 $\frac{880}{x} = \frac{2\ 580}{3x} + 1$ 。

解这个方程, 得 $x = 20$ 。

经检验, $x = 20$ 是所列方程的根。

则这笔生意该店共盈利:

$$[50 \times (20 + 60 - 4) + 4 \times 50 \times 90\%] - (880 + 2580) = 520 (\text{元})。$$

课堂延伸

7. 解: (1) 3 $18\sqrt{3}$

(2) ① 设正三角形瓷砖每块 x 元, 则正六边形瓷砖每块 $(x + 40)$ 元。

由题意, 得 $\frac{500}{x} = \frac{2\ 500}{x + 40}$, 解得 $x = 10$ 。经检验, $x = 10$ 是方程的解。

$$x + 40 = 50。$$

故正三角形瓷砖每块 10 元, 正六边形瓷砖每块 50 元。

② 520

第六章 平行四边形

1 平行四边形的性质(第1课时)

课堂精要

1. 分别平行 不相邻的两个顶点

2. 中心对称 对称中心

3. 相等 相等

课堂精练

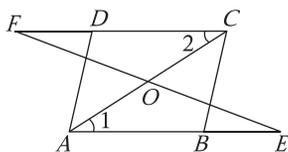
1. D 2. C 3. C 4. D 5. A 6. D

7. 50° 8. 6 cm 8 cm

9. D 10. A 11. B

12. $12\sqrt{3}$

13. 证明: 如图, \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,



(第 13 题)

$\therefore AB \parallel CD, AB = CD$ 。

$\therefore BE = DF$,

$\therefore AB + BE = CD + DF$,

即 $AE = CF$ 。

$\therefore AB \parallel CD$,

$\therefore AE \parallel CF$ 。

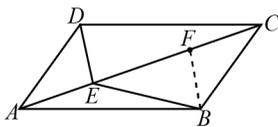
$\therefore \angle E = \angle F, \angle 1 = \angle 2$ 。

$\therefore \triangle AOE \cong \triangle COF$ (ASA)。

$\therefore OE = OF$ 。

课堂延伸

14. 解: 如图, 连接 BF , 猜想 $BF = DE$ 。说明如下:



(第 14 题)

\because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$\therefore AD \parallel BC, AD = BC$ 。

$\therefore \angle DAE = \angle BCF$ 。

又 $\because AE = CF$,

$\therefore \triangle ADE \cong \triangle CBF$ (SAS)。

$\therefore BF = DE$ 。(答案不唯一)

2 平行四边形的性质(第2课时)

课堂精要

1. 互相平分
2. 平行 不平行 底 上底 下底 腰 等腰梯形
3. 轴对称 相等

课堂精练

1. D 2. B

3. $5 + \sqrt{13}$ 4. 10

5. D

6. 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$\therefore OA = OC, OB = OD$ 。

$\because E, F$ 分别是 OA, OC 的中点,

$\therefore OE = \frac{1}{2}OA, OF = \frac{1}{2}OC$ 。

$\therefore OE = OF$ 。

在 $\triangle BOE$ 和 $\triangle DOF$ 中,

$\because OE = OF, \angle BOE = \angle DOF, OB = OD$,

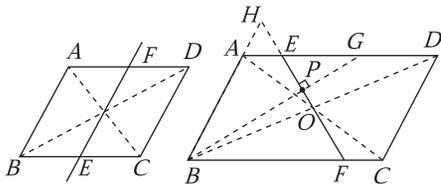
$\therefore \triangle BOE \cong \triangle DOF$ (SAS)。

$\therefore BE = DF$ 。

课堂延伸

7. 解: (1) =

(2) 如图①, EF 为所求(答案不唯一, 过对角线的交点即可)。D



图①

图②

(第7题)

(3) 如图②, 作 BG 平分 $\angle ABC$, 连接 AC, BD 交于点 O , 过点 O 作 $EF \perp BG$ 于点 P , 交 AD 于点 E , 交 BC 于点 F , 线段 EF 与点 P 为所求。延长 BA, FE 交于点 H 。

\because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,
 $\therefore AD \parallel BC$ 。
 $\therefore \angle HAE = \angle ABF, \angle HEA = \angle EFB$ 。
 $\because BG$ 平分 $\angle ABC, \angle ABC = 60^\circ$,
 $\therefore \angle PBF = 30^\circ$ 。
 $\because EF \perp BG, \therefore \angle EFB = 60^\circ = \angle ABF$ 。
 $\therefore HB = HF, \angle HAE = \angle HEA$ 。
 $\therefore HA = HE$ 。
 $\therefore HB - HA = HF - HE$, 即 $AB = EF$ 。
 $\because AB = 20 \text{ m}$,
 $\therefore EF = 20 \text{ m}$ 。

3 平行四边形的判定(第 1 课时)

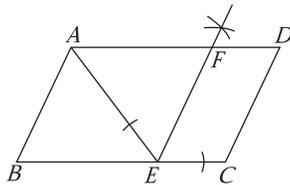
课堂精要

1. 平行四边形
2. 平行且相等

课堂精练

1. C 2. C 3. C 4. C 5. 3

6. (1) 解: 如图, EF 为所求。



(第 6 题)

(2) 证明: $\because EF$ 平分 $\angle AEC$,
 $\therefore \angle AEC = 2\angle CEF$ 。
 $\because AE = BE, \therefore \angle EAB = \angle EBA$ 。
 $\because \angle AEC = \angle EAB + \angle EBA = 2\angle EBA$,
 $\therefore \angle CEF = \angle EBA$ 。
 $\therefore EF \parallel BA$ 。
 又 $\because AD \parallel BC$, 即 $AF \parallel BE$,

∴ 四边形 $ABEF$ 为平行四边形。

7. C 8. $(-1, 2)$ 或 $(1, -2)$ 或 $(5, 2)$

课堂延伸

9. 解: (1) EF 与 MN 互相平分。

(2) 还存在(1)中的结论, 即 EF 与 MN 互相平分。理由:

如图, 连接 EN, NF, FM, ME 。

∵ 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

∴ $\angle B = \angle D, \angle A = \angle C, AB = CD, AD = BC$ 。

易得 $AE = CF, DM = BN$,

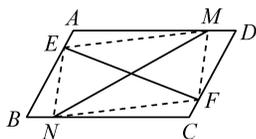
∴ $BE = DF, AM = CN$ 。

∴ $\triangle BEN \cong \triangle DFM, \triangle AEM \cong \triangle CFN$ 。

∴ $EN = FM, EM = FN$ 。

∴ 四边形 $EMFN$ 是平行四边形。

∴ EF 与 MN 互相平分。



(第 9 题)

4 平行四边形的判定(第 2 课时)

课堂精要

互相平分

课堂精练

1. D

2. 对角线互相平分的四边形是平行四边形 一组对边平行且相等的四边形是平行四边形 两组对边分别相等的四边形是平行四边形

3. 证明: (1) ∵ $AC \parallel BD$,

∴ $\angle C = \angle D$ 。

在 $\triangle AOC$ 和 $\triangle BOD$ 中,

∵ $\angle C = \angle D, \angle COA = \angle DOB, AO = BO$,

∴ $\triangle AOC \cong \triangle BOD$ (AAS)。

(2) $\because \triangle AOC \cong \triangle BOD$,

$\therefore CO = DO$ 。

$\because E, F$ 分别是 OC, OD 的中点,

$\therefore OF = \frac{1}{2}OD, OE = \frac{1}{2}OC$ 。

$\therefore EO = FO$ 。

又 $\because AO = BO$,

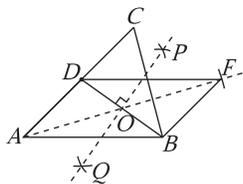
\therefore 四边形 $AFBE$ 是平行四边形。

4. B

课堂延伸

5. 解:(1) 两组对边分别平行的四边形是平行四边形

(2) 如图, 四边形 $ABFD$ 为所求。



(第 5 题)

5 平行四边形的判定(第 3 课时)

课堂精要

1. 任意一点到另一条直线的距离 平行线之间的距离
2. 距离 相等

课堂精练

1. A 2. C

3. 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$\therefore AB \parallel CD, AB = CD$ 。

$\therefore BM \parallel DN$ 。

$\because AM = CN$,

$\therefore AB - AM = CD - CN$, 即 $BM = DN$ 。

又 $\because BM \parallel DN$,

∴ 四边形 $MBND$ 是平行四边形。

∴ $DM = BN$ 。

4. B

5. 证明: ∵ 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

∴ $AB \parallel CD, AB = CD, AD \parallel BC$ 。

∴ $AE \parallel CG$ 。

∵ E, G 分别是 AB, DC 的中点,

∴ $AE = \frac{1}{2}AB = \frac{1}{2}CD = CG$,

∴ 四边形 $AECG$ 为平行四边形。

∴ $AN \parallel CM$ 。

∵ $AF \perp BC, CH \perp AD, AD \parallel BC$,

∴ $AF \parallel CH$ 。

∴ $AM \parallel CN$ 。

∴ 四边形 $AMCN$ 为平行四边形。

课堂延伸

6. 解: (1) 四边形 $CDGE$ 是平行四边形。理由:

∵ 点 D, E 移动的速度相同,

∴ $BD = CE$ 。

∵ $DG \parallel AE$,

∴ $\angle DGB = \angle ACB$ 。

∵ $AB = AC$,

∴ $\angle B = \angle ACB$ 。

∴ $\angle B = \angle DGB$ 。

∴ $GD = BD = CE$ 。

又 ∵ $DG \parallel CE$,

∴ 四边形 $CDGE$ 是平行四边形。

(2) 当点 D 在线段 AB 上时, $BM + CF = MF$;

当点 D 在 BA 的延长线上时, $BM = MF + CF$ 。

6 三角形的中位线

课堂精要

1. 中点

2. $\frac{1}{4}$

3. 一半

4. (1)两条直线平行 (2)线段的相等或倍分

课堂精练

1. C 2. C 3. C 4. B 5. 1, 25

课堂延伸

6. 解:(1)补充如下:

$\because F$ 是 CD 的中点,

$\therefore DF = CF$ 。

在 $\triangle ADF$ 和 $\triangle GCF$ 中,

$\because \angle ADF = \angle GCF, DF = CF, \angle AFD = \angle GFC,$

$\therefore \triangle ADF \cong \triangle GCF (ASA)$ 。

$\therefore AD = GC, AF = GF$ 。

又 $\because E$ 为 AB 的中点,

$\therefore EF$ 是 $\triangle ABG$ 的中位线。

$\therefore EF \parallel BG, EF = \frac{1}{2}BG$ 。

$\therefore EF = \frac{1}{2}(CG + BC) = \frac{1}{2}(AD + BC)$ 。

又 $\because BG \parallel AD,$

$\therefore EF \parallel AD \parallel BC$ 。

(2)6